



## ОНТОЛОГИЯ И ТЕОРИЯ ПОЗНАНИЯ ONTOLOGY AND GNOSEOLOGY

DOI: 10.22363/2313-2302-2018-22-2-139-148

### УСЛОВИЯ ПРИМЕНИМОСТИ КЛАССИЧЕСКОЙ ЛОГИКИ К ФИЛОСОФСКИМ РАССУЖДЕНИЯМ

С.А. Павлов

Институт философии РАН  
Гончарная ул., 12, стр. 1, Москва, Россия 109240

Исследованы условия применимости классической логики высказываний к философским рассуждениям. Это исследование проведено в рамках различных семантик для многозначных логик. В качестве последних рассматривались: семантика многозначных логик, метатеория значений истинности Зиновьева, элементарная теория операторов истинности и ложности.

В метатеории логической семантики, в которой строятся семантики для многозначных логик, принимают классическую логику. В этой метатеории используется теория  $J$ -операторов (введенных Россером и Тьюркеттом). Теория  $J$ -операторов является частью метатеории логической семантики. Семантическое утверждение вида « $P$  принимает значение  $v^k$ » содержательно соответствует формуле  $J_k(P)$ . Показано, что для формул языка-объекта  $P$ , для которых выполняется условие ( $P$  принимает выделенное значение или  $P$  принимает анти-выделенное значение), имеет место классическая логика.

Синтезирующий подход в исследованиях и построениях А. Зиновьева привел к тому, что он объединил логику, онтологию и методологию в единую науку, в которой первые являются ее аспектами. Только в процессе изложения он выделяет в ней три части: 1) базисную логику, 2) логическую онтологию, и 3) логическую методологию. В этом состоит радикальное отличие от подходов Д. Гильберта и А. Тарского, отделявших язык-объект от метаязыка, семантику от синтаксиса.

Также рассматривалась элементарная теория операторов истинности и ложности, обоснованная в обобщенной на неклассический случай объединенной Буль—Фреге семантике. Показано, что для формулы языка-объекта  $P$ , для которых выполняется условие (содержательно выраженное) формула  $P$  либо истинна, либо ложна, то для нее имеет место классическая двузначная логика.

Отмечается, что рассмотренные условия близки к определениям высказываниям в естественном языке.

**Ключевые слова:** логика высказываний, логическая семантика, истина, ложь, условия применимости

### ВВЕДЕНИЕ

В философских рассуждениях используются разного рода суждения. Так, уже Аристотель рассуждает о предложениях, которые не являются истинными или ложными: «ведь то, что Сократ здоров, противоположно тому, что Сократ болен. Но не всегда одно здесь необходимо истинно, а другое ложно. Если Сократ

существует, то одно из них будет истинным, другое — ложным ...если вообще нет самого Сократа, неистинно и то, что Сократ болен, и то, что он здоров» [3]. Особый интерес для аналитической философии и рациональной философии представляют рассуждения, использующие классическую логику высказываний. Поэтому целью данной статьи является решение задачи нахождения условий применимости классической логики высказываний к философским рассуждениям. Это исследование проводится в рамках различных семантик для многозначных логик.

## 1. СЕМАНТИЧЕСКОЕ ОБОСНОВАНИЕ МНОГОЗНАЧНЫХ ЛОГИК

Многозначные интерпретации классической и неклассических логик [2; 13; 17] основываются на следующих положениях.

Имеется язык  $n$ -значной логики с множеством переменных  $Var$  и с множеством формул этого языка  $For$ .

Имеется множество значений  $\{v^0, v^1, \dots, v^{n-1}\}$   $n$ -значной логики, которые попарно различны.

Функция оценки (означивания)  $v$  есть отображение множества  $For$  на множество  $\{v^0, v^1, \dots, v^{n-1}\}$  (сокр.  $v: For \rightarrow \{v^0, v^1, \dots, v^{n-1}\}$ ).

В качестве выделенного значения принимаем  $v^1$ .

В метатеории логической семантики, в которой строятся семантики для многозначных логик, принимают классическую логику.

Определяются понятия общезначности, логического следования и т.д.

Метатеорию (теорию) логической семантики логик, имеющих многозначную интерпретацию, будем сокращенно обозначать **MVT**.

### 1.1. Теория $J$ -операторов и классические напарники логик, имеющих многозначную интерпретацию

Будем использовать теорию  $J$ -операторов (введенными Россером и Тьюркеттом [17]). Теория  $J$ -операторов является частью метатеории логической семантики **MVT**, в которой строятся семантики для многозначных логик и доказываются метатеоремы корректности и семантической полноты.

Введем следующее сокращение (определение), в котором  $P$  есть формула языка  $n$ -значной логики и  $(0 \leq k \leq n-1)$ :

$J_k(P)$  есть сокращение для формулы  $(v(P) = v^k)$ , которая является формулой языка логической семантики. Семантическое утверждение вида « $P$  принимает значение  $v^k$ » содержательно соответствует формуле  $J_k(P)$ .

Эти унарные  $J_i$ -операторы соответствуют функции  $j_i(m)$ , которая принимает следующие значения:

$$j_i(m) = \begin{cases} v^1, & \text{если } m = v^i, \\ v^0, & \text{если } m \neq v^i. \end{cases}$$

Сформулируем (мета)теорию  $J$ -операторов (сокращенно **JT**) как подтеорию метатеории логической семантики многозначных логик.

Пусть имеем класс  $L$  неклассических логик  $L_n^{\circ}$ , имеющих многозначную интерпретацию с одним выделенным значением  $v^1$  и одним антивыделенным значением  $v^0$ .  $J_1$ -оператору соответствует значение  $v^1$ , а  $J_0$ -оператору соответствует значение  $v^0$ . Свойства этих операторов будем задавать аксиоматически.

Множество формул языка, в который входит множество  $O$  исходных операторов  $n$ -значной логики  $L_n^{\circ}$  ( $L_n^{\circ}$ -формул), есть  $L_n^{\circ}$ -For. Пусть  $P, P_1$  есть метапеременные для  $L_n^{\circ}$ -формул.

Принимается, что для формул  $J_k(P)$ , префиксированных  $J_k$ -операторами, то есть  $J_k$ -формул, имеет место классическая логика высказываний  $CL_2$ . Отметим, что теоремы, фигурирующие далее, являются формулами, для которых имеет место  $CL_2$ , поэтому их доказательство не является трудным.

Приведем формулировку теории **JT**.

Язык **JT** (включает в себя множества  $L_n^{\circ}$ -For), а также:

$\neg, \Rightarrow$  логические константы, обозначающие отрицание и импликацию;

$J_k$  —  $J$ -оператор,  $0 \leq k \leq n$ ;

$J_1$  — выделенный  $J$ -оператор;

$J_0$  — анти-выделенный  $J$ -оператор.

Правила образования для языка **JT**

1. Если  $P$  есть  $L_n^{\circ}$ -формула, то  $J_k(P)$  есть  $CL_2$ -формула (сокр.  $CL_2$ -ф.).

2.  $J_k$ -операторы допускает итерацию:

2.1. Если  $Q$  есть  $CL_2$ -ф., то  $J_k(Q)$  есть  $CL_2$ -ф.

2.2. Если  $Q_1, Q_2$  есть  $CL_2$ -ф., то  $(\neg Q_1)$  и  $(Q_1 \Rightarrow Q_2)$  есть  $CL_2$ -ф.

3. Ничто иное не есть  $CL_2$ -формула.

Обозначим множество  $CL_2$ -формул как  $CL_2$ -For. Пусть  $Q, Q_1$ , есть метапеременные для  $CL_2$ -формул.

Отметим, что множества  $L_n^{\circ}$ -For и  $CL_2$ -For не пересекаются:  $(L_n^{\circ}$ -For  $\cap$   $CL_2$ -For) =  $\emptyset$ .

Определим множество  ${}^{\circ}For =_{df} (CL_2$ -For  $\cup$   $L_n^{\circ}$ -For). Пусть  $R, R_1$  есть метапеременные для формул из множества  ${}^{\circ}For$ .

A.1. **Схемы аксиом** для классической логики  $CL_2(CL_2$ -For,  $\neg, \Rightarrow$ )

Определим ряд производных связок на множестве  $CL_2$ -For классическим образом.

D1.1.  $(Q_1 \wedge Q_2) =_{df} \neg (Q_1 \Rightarrow \neg Q_2)$ ,

D1.2.  $(Q_1 \vee Q_2) =_{df} (\neg Q_1 \Rightarrow Q_2)$ ,

D1.3.  $(Q_1 \underline{\vee} Q_2) =_{df} ((Q_1 \vee Q_2) \wedge \neg (Q_1 \wedge Q_2))$ ,

D1.4.  $(Q_1 \Leftrightarrow Q_2) =_{df} ((Q_1 \Rightarrow Q_2) \wedge (Q_2 \Rightarrow Q_1))$ .

Определим  $n$ -местную исключающую дизъюнкцию  $\underline{\vee}$ :

D2.  $\underline{\vee}(Q_1, Q_2, Q_3, \dots, Q_n) \equiv_{df} (Q_1 \wedge \neg Q_2 \wedge \neg Q_3 \wedge \dots \wedge \neg Q_n) \vee$

$\vee (\neg Q_1 \wedge Q_2 \wedge \neg Q_3 \wedge \dots \wedge \neg Q_n) \vee$

$\vee \dots \vee (\neg Q_1 \wedge \neg Q_2 \wedge \neg Q_3 \wedge \dots \wedge Q_n)$ .

**Схема аксиом** (аксиомы редукции) для  $J_1$ -оператора (выделенного  $J$ -оператора)

A.2.1.  $(J_1 Q \Leftrightarrow Q)$ ,

и для  $J_0$ -оператора (анти-выделенного  $J$ -оператора)

A.2.2.  $(J_0Q \Leftrightarrow \neg Q)$ .

$n$ -лемма:

A.3.  $\bigvee (J_0R, J_1R, \dots, J_{n-1}R)$ .

**Правила вывода:**

R1. 
$$\frac{Q_1, (Q_1 \Rightarrow Q_2)}{Q_2} \text{MP.}$$

Правила введения и удаления  $J_1$ -оператора:

R2.1.  $\frac{R}{J_1R}$       R2.2.  $\frac{J_1R}{R}$ .

Построение теории  $J$ -операторов **JT** закончено.

Введем следующие определения для  $D$ -импликации и  $D$ -отрицания на множестве  ${}_n^{\circ}\text{For}$ :

D3.1.  $(R_1 \supset R_2) \equiv_{\text{df}} (J_1(R_1) \Rightarrow J_1(R_2))$ ,

D3.2.  $\neg R \equiv_{\text{df}} \neg J_1(R)$ .

Имеем следующие метатеоремы и теоремы, позволяющие построить логику со связками:  $\neg$  и  $\supset$ .

Выводимое правило образования:

2.3. Если  $R_1, R_2$  есть формулы, то  $(\neg R_1)$  и  $(R_1 \supset R_2)$  есть формулы.

Теоремы:

T1.1.  $(R_1 \supset (R_2 \supset R_1))$ ,

T1.2.  $(R_1 \supset (R_2 \supset R_3)) \supset ((R_1 \supset R_2) \supset (R_1 \supset R_3))$ ,

T1.3.  $((\neg R_1 \supset \neg R_2) \supset (R_2 \supset R_1))$

и производное правило вывода:

R3. 
$$\frac{R_1, (R_1 \supset R_2)}{R_2} \text{MP}$$

**Метатеоремы:**

MT1. Для формул из множества  ${}_n^{\circ}\text{For}$  имеет место логика с отрицанием  $\neg$  и импликацией  $\supset \text{CL}_n({}_n^{\circ}\text{For}, \neg, \supset)$  с  $n$ -значной неглавной (в смысле Черча) интерпретацией.

Отсюда следует, что для каждой логики  $L_n^{\circ}$ , имеющей многозначную интерпретацию с одним выделенным значением  $v^1$ , существует логика  $\text{CL}_n({}_n^{\circ}\text{For}, \neg, \supset)$ , которая синтаксически подобна классической логике и которую будем называть ее классическим напарником логики  $L_n^{\circ}$  (см. [15]). Отметим, что это не тезис Сушко.

Определим внутренних и внешних напарников логик  $L_n^{\circ}$ .

Множество логик  $L_n^{\circ}$  разбиваем на два класса:

1) имеющих внутреннего напарника (в языке которых выразимы оператор  $J_1$  и связки  $\neg, \Rightarrow$ , как напр: логика Бочвара  $V_3$  и логика Лукасевича  $L_3$ ) и

2) имеющих только внешнего напарника, то есть не имеющих внутреннего напарника (в языке которых невыразим оператор  $J_1$ ), (как в логике Гейтинга  $H_3$ ).

**Имеем метатеорему:**

MT2. Если  $\vdash_{\text{CL}_n(\text{noFor}, \neg, \supset)} R$ , то  $\vdash_{\text{JT}} R$ .

Таким образом, имеем класс синтаксически эквивалентных (подобных с точностью до замены  ${}_n^{\circ}For$  на  ${}_n^{\circ}For'$ ) логик  $CL_n({}^{\circ}For, \neg, \supset)$ .

Необходимо отметить, что в проведенном построении мы не выходили за пределы теории  $J$ -операторов Россера—Тюркетта, т. е. **JT** есть подтеория вышеупомянутой теории.

## 1.2. Условие вывода семантических правил классической логики

В **JT** можно найти условие вывода семантических правил классической двузначной логики.

Приведем  $V$ -интерпретацию для языка классической двузначной сентенциальной логики  $CL$  со связками  $\sim$  и  $\rightarrow$  с использованием  $J$ -операторов.

Отметим, что  $J_k(P)$  есть сокращение для формулы  $(v(P) = v^k)$ . Тогда сформируем  $V$ -интерпретацию.

### $V$ -интерпретация

Функция оценки  $v$  есть отображение множества  $For$  на множество  $\{v^0, v^1\}$  (сокр.  $v: For \rightarrow \{v^0, v^1\}$ ). Выделенное значение:  $v^1$ .

1.  $v: Var \rightarrow \{v^0, v^1\}$ .

При этом формулы с равенством заменяются на формулы с  $J$ -операторами.

2.  $\begin{cases} J_0(\sim A), \text{ если } J_1(A); \\ J_1(\sim A), \text{ если } J_0(A). \end{cases}$

3.  $\begin{cases} J_1(A \rightarrow B), \text{ если } J_0(A) \text{ или } J_1(B); \\ J_0(A \rightarrow B), \text{ если } J_1(A) \text{ или } J_0(B). \end{cases}$

В теории **JT** имеем следующие теоремы, соответствующие условиям  $V$ -интерпретации с  $J$ -операторами логики со связками  $\neg$  и  $\supset$ .

T2.1.  $(J_1(R) \vee J_0(R)) \Rightarrow (J_1(R) \Rightarrow J_0(\neg R))$ ,

T2.2.  $(J_1(R) \vee J_0(R)) \Rightarrow (J_0(R) \Rightarrow J_1(\neg R))$ ,

T2.3.  $((J_1(R_1) \vee J_0(R_1)) \wedge (J_1(R_2) \vee J_0(R_2))) \Rightarrow ((J_0(R_1) \vee J_1(R_2)) \Rightarrow J_1(R_1 \supset R_2))$ ,

T2.4.  $((J_1(R_1) \vee J_0(R_1)) \wedge (J_1(R_2) \vee J_0(R_2))) \Rightarrow ((J_1(R_1) \wedge J_0(R_2)) \Rightarrow J_0(R_1 \supset R_2))$ .

Из этих теорем следует метатеорема.

Пусть  $For_2$  есть множество, к которому принадлежит не менее 3-х формул, таких, что  $(R_k \in For_2)$  е.т.е.  $(J_1(R_k) \vee J_0(R_k))$ . Тогда имеем:

MT3.  $\vdash_{JT} CL_2(For_2, \neg, \supset)$ .

Отметим, что для автора был неожиданным вывод  $CL_2(For_2, \neg, \supset)$  в теории **JT** при условии только  $(J_1(R_k) \vee J_0(R_k))$ , без условия принятия семантических правил для связок. Семантические правила для связок выводимы при соблюдении этих условий. Также необходимо сказать, что подобный результат возможен только для классической двузначной логики.

Условие  $(J_1(R_k) \vee J_0(R_k))$  можно сравнить с определениями высказываний.

Д. Гильберт и В. Аккерман (в [5]) пишут: «Под высказыванием следует понимать каждое предложение, в отношении которого имеет смысл утверждать, что его содержание истинно или ложно».

В [12] Фреге предложил «на каждое утвердительно-повествовательное предложение ... смотреть как на собственное имя, причем на такое, значение которого, если оно существует, есть либо истина, либо ложь».

А.М. Анисов определяет в [1] «Высказывания — это предложения, которые оцениваются либо как истинные, либо как ложные».

## 2. ПОДХОД ЗИНОВЬЕВА К ФОРМАЛИЗАЦИИ ЛОГИЧЕСКОЙ СЕМАНТИКИ

Для обоснования и построения логики высказываний Зиновьев использует построенную им метатеорию значений истинности.

Для того, чтобы говорить о значениях истинности высказываний, он в [6] вводит термины  $[X]$ , обозначающие высказывания  $X$ . Метавысказывание « $[X]$  имеет значение истинности  $v^i$ », он символизирует формулой метаязыка:  $[X] \leftarrow v^i$ . Квадратные скобки он предлагает для упрощения записи опускать, то есть записывать предшествующую формулу следующим образом:  $X \leftarrow v^i$ . Отметим, что этот язык недостаточно «богат» (в смысле А. Тарского), что не позволяет возникнуть семантическим парадоксам, так как в таком языке нельзя построить авто-референтные конструкции. Семантические свойства понятий истинности и ложности обсуждаются в [14].

В метатеории значений истинности Зиновьева в метавысказываниях о значениях истинности одновременно присутствуют как высказывания, так и их значения истинности, то есть термины разного семантического порядка. В метавысказывании « $[X]$  имеет значение истинности  $v^i$ » присутствуют синтаксическое выражение  $[X]$ , семантическое отношение «имеет значение» и значение истинности  $v^i$ , принадлежащее, по Г. Фреге, к логической онтологии. Тем самым такой подход отличается от подхода Тарского [11].

Синтезирующий подход в исследованиях и построениях А. Зиновьева [7] привел к тому, что он объединил логику, онтологию и методологию в единую науку, в которой первые являются ее аспектами. Только в процессе изложения он выделяет в ней три части: 1) базисную логику, 2) логическую онтологию, и 3) логическую методологию. В этом состоит радикальное отличие от подходов Д. Гильберта и А. Тарского, отделявших язык-объект от метаязыка, семантику от синтаксиса.

В качестве первой аксиомы метатеории значений истинности Зиновьев предлагает следующую:

A1. Всякое высказывание  $A$  либо имеет некоторое значение истинности  $v$ , либо не имеет его:

$$(X \leftarrow v) : \sim(X \leftarrow v).$$

Необходимо отметить, что эта аксиома имеет место как в классическом случае, так и в неклассическом.

В классическом или двузначном случае Зиновьев различает два подслучая:

а) В качестве основных значений принимаются  $v^t$  «истинно» и  $v^f$  «ложно», причем в случае трех и более значений  $v^f$  не будет отрицанием  $v^t$ . Для таких случаев можно выделить только класс высказываний, для которых будет иметь место:

$$\sim(X \leftarrow v^f) \leftrightarrow (X \leftarrow v^t).$$

Зиновьевым рассматривается не только классический двузначный случай, но и неклассические случаи, отбрасывая, как Я. Лукасевич, принцип двузначности. Таким образом, имеем другой подслучай:

б) Исходя из основного (выделенного) значения «истинно»  $v^t$  — определяется его отрицание «неистинно»  $nv^t$ , символически:

$$(X \leftarrow nv^t) \equiv \sim(X \leftarrow v^t).$$

Он отмечает, что «все положения такой двузначной логики имеют силу для высказываний независимо от того, сколько значений истинности может быть им приписано» [6].

Обратим внимание на сходство последнего определения с определением D-отрицания. Проведя аналогию  $(X \leftarrow v^t)$  с формулой с выделенным  $J$ -оператором  $J_1X$ , можно построить определение D-импликации и затем вывести логику, аналогичную  $CL_n(^{\circ}For, \neg, \supset)$ . Теперь условием вывода классической логики будем выполнение формулы  $\sim(X \leftarrow v^f) \leftrightarrow (X \leftarrow v^t)$  или эквивалентной ей  $(X \leftarrow v^f) \vee (X \leftarrow v^t)$ .

Обозначим метатеорию значений истинности Зиновьева как **ZV**. Тогда имеем: пусть  $For_2$  есть множество, к которому принадлежит не менее 3-х формул, таких, что  $(X_k \in For_2)$  е.т.е.  $((X_k \leftarrow v^f) \underline{\vee} (X_k \leftarrow v^t))$ . Тогда имеем:

$$MT4. \quad \vdash_{ZV} CL_2(For_2, \neg, \supset).$$

Таким образом, в качестве условия вывода классической логики высказываний в метатеории значений истинности Зиновьева фигурирует формула со строгой дизъюнкцией, в отличие от **JT**.

### 3. УСЛОВИЯ ВЫВОДА КЛАССИЧЕСКОЙ ЛОГИКИ В ТЕОРИИ ОПЕРАТОРОВ ИСТИННОСТИ И ЛОЖНОСТИ

Найдем условия вывода классической двузначной логики в элементарной теории операторов истинности и ложности [8; 16] **еТФТ**. Эта теория обоснована в обобщенной на неклассический случай объединенной Буль  $\cap$  Фреге семантике [9]. Обоснование употребления операторов истинности и ложности вместо соответствующих им предикатов обоснована в [4]. Отметим, что интерпретация теории **еТФТ** семантически близка четырехзначной интерпретации логики истины фон Вригта [18] и четырехзначной интерпретации логики **AVT** [10]. Отличие состоит в том, что для **еТФТ** имеется метатеорема строгой адекватности, а для **AVT** такой метатеоремы нет (контрпример: имеет место  $(p \wedge p) \vdash_{AVT} p$ , но в интерпретации **AVT** из  $(p \wedge p)$  логически не следует  $p$ ).

Так как в **еТФТ** определяются унарные операторы, подобные  $J$ -операторам в теории **JT**, то переформулируем  $V$ -интерпретацию, использующую  $J$ -операторы, в интерпретацию, использующую операторы истинности и ложности.

Интерпретация CL с использованием операторов  
истинности и ложности

1.  $(TE \underline{\vee} FE)$ .
2.  $\begin{cases} F(\sim A), \text{ если } T(A); \\ T(A), \text{ если } F(A). \end{cases}$

3. 
$$\begin{cases} T(A \rightarrow B), \text{ если } F(A) \text{ или } T(B); \\ F(A \rightarrow B), \text{ если } T(A) \text{ и } F(B). \end{cases}$$

В теории  $\mathbf{E_TFT}$  имеем следующие теоремы, соответствующие условиям интерпретации CL с операторами истинности и ложности логики со связками  $\neg$  и  $\supset$ , которые определяются через оператор строгой истинности  $\lceil$ , последний аналогичен выделенному  $J_1$ -оператору

$$D3.1. \lceil A =_{df} (TA \wedge \neg FA).$$

$$T3.1. (TR \underline{\vee} FR) \Rightarrow (TR \Rightarrow F\neg R),$$

$$T3.2. (TR \underline{\vee} FR) \Rightarrow (FR \Rightarrow T\neg R),$$

$$T3.3. ((TR_1 \underline{\vee} FR_1) \wedge (TR_2 \underline{\vee} FR_2)) \Rightarrow (FR_1 \vee TR_2) \Rightarrow T(R_1 \supset R_2),$$

$$T3.4. ((TR_1 \underline{\vee} FR_1) \wedge (TR_2 \underline{\vee} FR_2)) \Rightarrow (TR_1 \wedge FR_2) \Rightarrow F(R_1 \supset R_2).$$

Из этих теорем следует метатеорема:

Пусть  $For_2$  есть множество, к которому принадлежит не менее 3-х формул, таких, что  $(R_k \in For_2)$  е.т.е.  $(TR_k \underline{\vee} FR_k)$ . Тогда имеем:

$$MT5. \vdash_{\mathbf{E_TFT}} CL_2(For_2, \neg, \supset).$$

Содержательно теорема означает, что если формула  $R_k$  либо истинна, либо ложна (то есть  $R_k \in For_2$ ), то для нее имеет место классическая двузначная логика  $CL_2(For_2, \neg, \supset)$ .

Сравнение этой метатеоремы с аналогичной из 1.1 показывает, что первая содержательно более понятна, чем последняя из 1.1, и что для ее доказательства необходимо меньше предпосылок. Поэтому  $\mathbf{E_TFT}$  является более слабой теорией, чем  $\mathbf{JT}$ .

В заключение констатируем, что исследованы и найдены условия вывода классической двузначной логики в ряде семантических теорий для языков, включающих как классический, так и неклассические. Последнее позволяет рассматривать широкий круг философских рассуждений и находить среди них те, для которых применима классическая логика высказываний.

© Павлов С.А., 2017

## ЛИТЕРАТУРА

- [1] Анисов А.М. Современная логика. М., 2002.
- [2] Анишаков О.М., Рычков С.В. О многозначных логических исчислениях // Семиотика и информатика. Вып. 19. М., 1982. С. 90—117.
- [3] Аристотель. Категории // Аристотель. Соч.: в 4 т. Т. 2. М., 1978. С. 85. 13b15.
- [4] Бессонов А.В. К основаниям логической теории истины // Философия науки. 1999. № 1(5). С. 52—63.
- [5] Гильберт Д., Аккерман В. Основы теоретической логики. М., 1947.
- [6] Зиновьев А.А. Логика науки. М., 1971.
- [7] Зиновьев А.А. Фактор понимания М., 2006.
- [8] Павлов С.А. Исчисление предикатов истинности и ложности // Логический анализ естественных языков: 2-й Советско-Финский коллоквиум по логике. М., 1979. С. 70—73.
- [9] Павлов С.А. Онтологический тезис обобщенной Буль  $\cap$  Фреге семантики // Вестник Российского университета дружбы народов. Серия: Философия. 2016. № 1. С. 58—69.



- [10] *Понов В.М.* Об одной четырехзначной паранормальной логике // *Логика и В.Е.К. М.*, 2003. С. 192—195.
- [11] *Тарский А.* Семантическая концепция истины и основания семантики // *Аналитическая философия: становление и развитие. М.*, 1998. С. 90—129.
- [12] *Фреге Г.* О смысле и значении // *Логика и логическая семантика. М.*, 2000. С. 230—246.
- [13] *Lukasiewicz J.* Investigations Into the Sentential Calculus. Amsterdam; L.; Warszawa, 1970. P. 131—152.
- [14] *Pavlenko A.N.* The epistemological glaucoma and psematical paradox (autological feature of truth and heterological feature of false) // *Вестник Российского университета дружбы народов. Серия: Философия.* 2018. № 2.
- [15] *Pavlov S.A.* Designated Operator Theory and Domain of Symbol Expressions // *Book of abstracts 15th Congress of Logic, Methodology and Philosophy of Science CLMPS. Helsinki, 2015.* P. 263—264.
- [16] *Pawlow S.A.* Einige nichttraditionelle Ideen in der Logik // *Philosophie und Naturwissenschaften in Vergangenheit und Gegenwart. Heft 5: Philosophische Probleme der Logik. Berlin, 1978.* S. 33—40.
- [17] *Rosser J.B., Turquette A.R.* Many-valued logics. 1987. Vol. 120. Nouvelle serie. P. 311—334.

DOI: 10.22363/2313-2302-2018-22-2-139-148

## CONDITIONS OF APPLICABILITY OF CLASSICAL LOGIC TO PHILOSOPHICAL REASONING

S.A. Pavlov

Institute of Philosophy of RAS  
12/1 Goncharnaya Str., Moscow, 109240, Russia

**Abstract.** The conditions for the applicability of the classical logic of statements to philosophical reasonings are investigated. This research is carried out within the framework of various semantics for many-valued logics. As the latter, the semantics of many-valued logics, the meta-theory of Zinoviev's truth values, the elementary theory of truth and falsehood operators were considered.

In the meta-theory of logical semantics, in which semantics are constructed for many-valued logics, classical logic is hold. In this meta-theory, the theory of  $J$ -operators (introduced by Rosser and Turquette) is used. The theory of  $J$ -operators is part of the meta-theory of logical semantics. A semantic statement of the form “ $P$  has the value  $v^k$ ” meaningfully corresponds to the formula  $J_k(P)$ . It is shown that for classical object-language formulas  $P$ , for which the condition ( $P$  takes a designated value or  $P$  takes an anti-designated value), classical logic takes place.

The synthesizing approach in A. Zinoviev's studies and constructions led to the fact that he combined logic, ontology and methodology into a unified science, in which the first are its aspects. Only in the process of exposition, he distinguishes in it three parts: 1) basic logic, 2) logical ontology, and 3) logical methodology. This is a radical difference from the approaches of D. Hilbert and A. Tarski separating the object-language from the metalanguage, semantics from the syntax.

The elementary theory of truth and falsehood operators was also considered, which was founded in the Boole-Frege semantics, generalized to the non-classical case. It is shown that for the formula of the object language  $P$  for which the condition (informally expressed) is satisfied, the formula  $P$  is either true or false, then for it there is a classical two-valued logic.

It is noted that the conditions considered are close to the definitions of the utterance in natural language.

**Key words:** classical logic, logical semantics, true, false, conditions of applicability

## REFERENCES

- [1] Anisov AM. *Sovremennaya logika*. Moscow, 2002.
- [2] Anshakov OM., Rychkov SV. O mnogoznachnykh logicheskikh ischisleniyakh. *Semiotika i informatika*. Vyp. 19. Moscow, 1982.
- [3] Aristotel'. *Kategorii*. Aristotel'. Soch.: v 4 t. T. 2. Moscow., 1978. 13b15.
- [4] Bessonov AV. K osnovaniyam logicheskoi teorii istiny. *Filosofiya nauki*. 1999; 5 (1):52—63.
- [5] Gil'bert D., Akkerman V. *Osnovy teoreticheskoi logiki*. Moscow, 1947.
- [6] Zinov'ev AA. *Logika nauki*. Moscow, 1971.
- [7] Zinov'ev AA. *Faktor ponimaniya*. Moscow, 2006.
- [8] Pavlov SA. Ischislenie predikatov istinnosti i lozhnosti. *Logicheskii analiz estestvennykh yazykov: 2-i Sovetsko-Finskii kollokvium po logike*. Moscow, 1979.
- [9] Pavlov SA. Ontologicheskii tezis obobshchennoi Bul'  $\cap$  Frege semantiki. *Vestnik Rossiiskogo universiteta druzhby narodov, Seriya: Filosofiya*. 2016;(1):58—69.
- [10] Popov VM. Ob odnoi chetyrekhznachnoi paranormal'noi logike. *Logika i V.E.K.* Moscow, 2003.
- [11] Tarskii A. Semanticheskaya kontseptsiya istiny i osnovaniya semantiki. *Analiticheskaya filozofiya: stanovlenie i razvitie*. M., 1998.
- [12] Frege G. O smysle i znachenii. *Logika i logicheskaya semantika*. Moscow, 2000.
- [13] Łukasiewicz J. *Investigations Into the Sentential Calculus*. Amsterdam; L.; Warszawa, 1970. P. 131—152.
- [14] Pavlenko AN. The epistemological glaucoma and psematical paradox (autological feature of truth and heterological feature of false). *Vestnik Rossiiskogo universiteta druzhby narodov. Seriya: Filosofiya*. 2018; (2).
- [15] Pavlov SA. Designated Operator Theory and Domain of Symbol Expressions. *Book of abstracts 15th Congress of Logic, Methodology and Philosophy of Science CLMPS*. Helsinki, 2015. P. 263—264.
- [16] Pawlow SA. Einige nichttraditionelle Ideen in der Logik. *Philosophie und Naturwissenschaften in Vergangenheit und Gegenwart. Heft 5: Philosophische Probleme der Logik*. Berlin, 1978.
- [17] Rosser JB., Turquette AR. Many-valued logics. 1987. Vol. 120. Nouvelle serie. P. 311—334.

### Для цитирования:

Павлов С.А. Условия применимости классической логики к философским рассуждениям // Вестник Российского университета дружбы народов. Серия: Философия. 2018. Т. 22. № 2. С. 139—148. doi: 10.22363/2313-2302-2018-22-2-139-148.

### For citation:

Pavlov, S.A. Conditions of applicability of classical logic to philosophical reasoning. *RUDN Journal of Philosophy*. 2018; 22 (2):139—148. doi: 10.22363/2313-2302-2018-22-2-139-148.

### Сведения об авторе:

Павлов Сергей Афанасьевич — кандидат философских наук, старший научный сотрудник сектора теории познания Института философии РАН (e-mail: sergey.aph.pavlov@gmail.com).